

- (0,75 поена) Одредити број решења једначине  $x^8 \equiv_{17} -3$
- (0,75 поена) Одредити моничан полином са реалним коефицијентима најмањег степена који има просту нулу  $-i\sqrt{7}$ , двоструке нуле  $-2$  и  $-1 - i\sqrt{3}$  и троструку нулу  $1 - i\sqrt{5}$ . Записати га у облику производа полинома са реалним коефицијентима неразложивих у  $R[x]$ .
- (0,75 поена) Доказати да је полином  $P(x) = a_4x^4 + a_3x^3 + a_2x^2 + a_1x + a_0$  разложив у  $\mathbb{Q}[x]$  ако за коефицијенте  $a_i$ ,  $i = \overline{0,4}$ , узимамо бројеве из скупа  $\{6, -7, 5, 4, -8\}$  произвољним редоследом.
- (0,75 поена) Одредити  $a$  и  $b$  тако да полином  $P(x) = x^{17} + ax^8 + bx + 12$  буде дељив полиномом  $Q(x) = x^2 + 2x + 1$ .

*Све одговоре детаљно образложити!*

---

- (0,75 поена) Одредити број решења једначине  $x^8 \equiv_{17} -3$
- (0,75 поена) Одредити моничан полином са реалним коефицијентима најмањег степена који има просту нулу  $-i\sqrt{7}$ , двоструке нуле  $-2$  и  $-1 - i\sqrt{3}$  и троструку нулу  $1 - i\sqrt{5}$ . Записати га у облику производа полинома са реалним коефицијентима неразложивих у  $R[x]$ .
- (0,75 поена) Доказати да је полином  $P(x) = a_4x^4 + a_3x^3 + a_2x^2 + a_1x + a_0$  разложив у  $\mathbb{Q}[x]$  ако за коефицијенте  $a_i$ ,  $i = \overline{0,4}$ , узимамо бројеве из скупа  $\{6, -7, 5, 4, -8\}$  произвољним редоследом.
- (0,75 поена) Одредити  $a$  и  $b$  тако да полином  $P(x) = x^{17} + ax^8 + bx + 12$  буде дељив полиномом  $Q(x) = x^2 + 2x + 1$ .

*Све одговоре детаљно образложити!*

---

- (0,75 поена) Одредити број решења једначине  $x^8 \equiv_{17} -3$
- (0,75 поена) Одредити моничан полином са реалним коефицијентима најмањег степена који има просту нулу  $-i\sqrt{7}$ , двоструке нуле  $-2$  и  $-1 - i\sqrt{3}$  и троструку нулу  $1 - i\sqrt{5}$ . Записати га у облику производа полинома са реалним коефицијентима неразложивих у  $R[x]$ .
- (0,75 поена) Доказати да је полином  $P(x) = a_4x^4 + a_3x^3 + a_2x^2 + a_1x + a_0$  разложив у  $\mathbb{Q}[x]$  ако за коефицијенте  $a_i$ ,  $i = \overline{0,4}$ , узимамо бројеве из скупа  $\{6, -7, 5, 4, -8\}$  произвољним редоследом.
- (0,75 поена) Одредити  $a$  и  $b$  тако да полином  $P(x) = x^{17} + ax^8 + bx + 12$  буде дељив полиномом  $Q(x) = x^2 + 2x + 1$ .

*Све одговоре детаљно образложити!*

---

- (0,75 поена) Одредити број решења једначине  $x^8 \equiv_{17} -3$
- (0,75 поена) Одредити моничан полином са реалним коефицијентима најмањег степена који има просту нулу  $-i\sqrt{7}$ , двоструке нуле  $-2$  и  $-1 - i\sqrt{3}$  и троструку нулу  $1 - i\sqrt{5}$ . Записати га у облику производа полинома са реалним коефицијентима неразложивих у  $R[x]$ .
- (0,75 поена) Доказати да је полином  $P(x) = a_4x^4 + a_3x^3 + a_2x^2 + a_1x + a_0$  разложив у  $\mathbb{Q}[x]$  ако за коефицијенте  $a_i$ ,  $i = \overline{0,4}$ , узимамо бројеве из скупа  $\{6, -7, 5, 4, -8\}$  произвољним редоследом.
- (0,75 поена) Одредити  $a$  и  $b$  тако да полином  $P(x) = x^{17} + ax^8 + bx + 12$  буде дељив полиномом  $Q(x) = x^2 + 2x + 1$ .

*Све одговоре детаљно образложити!*